

# Fakultet for teknologi, kunst og design

## Teknologiske fag

### Eksamensordning

Målform: Bokmål

---

Dato: 26.11.2013

Tid: 5 timer / kl. 9.00 – 14.00

Antall sider (inkl. forside): 8

Antall oppgaver: 8

Tillatte hjelpeemidler: Håndholdt kalkulator som ikke kommuniserer trådløst.

*Johndholdt kalkulator som ikke kommuniserer trådløst.*

Merknad: Kandidaten må selv kontrollere at oppgavesettet er fullstendig.

Ved eventuelle uklarheter i oppgaveteksten skal du redegjøre for de forutsetninger du legger til grunn for løsningen.

Besvarelsen skal merkes med kandidatnummer, ikke navn.

Bruk blå eller sort kulepenn på innføringsarket.

Faglig veileder: Eivind Tøstesen

| Utarbeidet av<br>(faglærer): | Kontrollert av (en av disse): |        |                                       | Instituttleders/<br>Programkoordinators<br>underskrift: |
|------------------------------|-------------------------------|--------|---------------------------------------|---|
|                              | Annen lærer                   | Sensor | Instituttleder/<br>Programkoordinator |   |
| Eivind<br>Tøstesen           | Einar<br>Grønvoll             |        |                                       | <i>Tomas S. Ruud</i>                                    |

Emnekode: FO 911 A

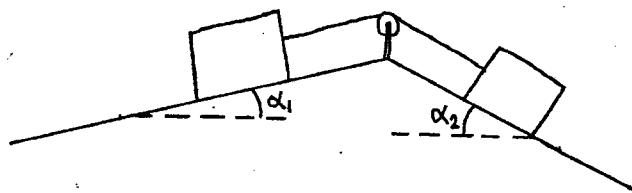
## Oppgave 1

Du skal kappløpe med en bil. Fra startstreken til mål er det 10,0 m. Starten går og bilen akselererer med  $10,0 \frac{m}{s^2}$ , som er konstant til den kommer i mål. Din akselerasjon er større enn bilens og den er konstant inntil du når opp på din toppfart  $8,00 \frac{m}{s}$  etter en strekning på 2,00 m. Toppfarten holder du deretter konstant til du kommer i mål.

- a) Hvor stor er din akselerasjon de første to metrene?
- b) Når kommer bilen i mål?
- c) Når kommer du i mål?

## Oppgave 2

To klosser er bundet sammen av en lett snor som går over en trinse (se Fig. 1). Klossen til venstre har massen 10,0 kg og står på et skråplan med hellingsvinkel  $\alpha_1 = 5,00^\circ$ . Klossen til høyre har massen 3,00 kg og står på et brattere skråplan med hellingsvinkel  $\alpha_2$ . Det er ingen statiske eller dynamiske friksjonskrefter på klossene.

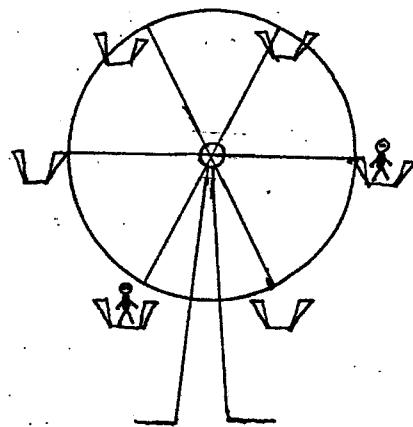


Figur 1: Skråplan

- a) Hvor stor er  $\alpha_2$  hvis klossene står i ro?
- b) Massen på klossen til høyre økes til 3,50 kg, hvorpå klossene setter seg i bevegelse. Hvor stor er akselerasjonen?

## Oppgave 3

Et pariserhjul (ferris wheel) har 6 gondoler, jevnt fordelt med  $60^\circ$  imellom. Når det kjører normalt er omløpstiden 12,0 s. En dag tar du og en venn, som begge veier 75,0 kg, en tur i hver sin gondol som vist på Fig. 2. Vi antar at hver passasjers tyngdepunkt hele tiden er 7,50 m fra navet (hjulets senter).



Figur 2: Pariserhjul med to passasjerer

- Først kjører pariserhjulet normalt. Hvor stor er din kinetiske energi?
- Hvor stor er din sentripetalakselerasjon?
- Hvor stor er normalkraften på deg fra setet når du er i toppen av hjulet?
- Senere stanser pariserhjulet i posisjonen som er vist i Fig. 2. For å holde hjulet i ro må en bremse som sitter i navet påvirke hjulet med et moment  $M$ . Hvor stort er dette moment? Vi antar at de eneste andre momenter som påvirker hjulet kommer fra tyngden på de to passasjerene.

## Oppgave 4

Et kalorimeter med neglisjerbar varmekapasitet fylles med 1,0 kg is ved  $0,0^\circ\text{C}$  og 1,0 kg vanndamp ved  $100,0^\circ\text{C}$ .

- Regn ut sluttemperaturen ved termisk likevekt.

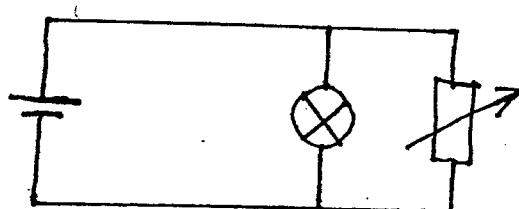
## Oppgave 5

En ballong med massen 15,0 g fylles med 10,0 g helium. Etter en stund er temperatur og trykk i ballongen det samme som i den omgivende luft, som er i normaltilstanden. Ballongen holdes i ro av en snor.

- a) Hvor mange He-atomer er det i ballongen?
- b) Hvor stort er ballongens volum?
- c) Hvor stort er snordraget?

## Oppgave 6

Fig. 3 viser en strømkrets med et batteri og en parallellkopling. I den ene grenen er det en lampe og i den andre grenen er det en regulerbar motstand. Batteriet har ems  $\varepsilon = 6,0 \text{ V}$ , ukjent indre motstand  $R_i$  og polspenningen er  $3,0 \text{ V}$ . Den regulerbare motstanden er på  $\frac{2}{3} \Omega$  og lampen på  $2,0 \Omega$ .

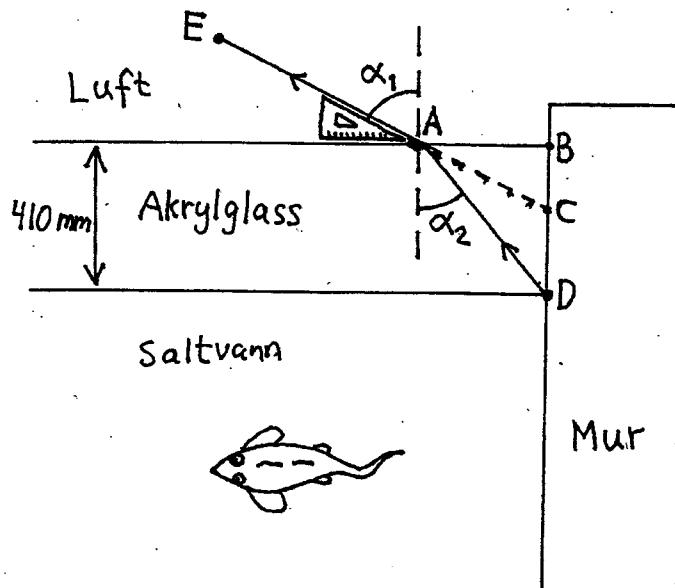


Figur 3: Strømkrets

- a) Hvor stor er hovedstrømmen i kretsen?
- b) Hvor stor er  $R_i$ ?
- c) Hvor stor er lampens effekt?
- d) Den regulerbare motstanden endres slik at lampens effekt økes til  $8,0 \text{ W}$ .  
Hvor stor er polspenningen nå?
- e) Hvor stor er den regulerbare motstanden nå?

## Oppgave 7

Et stort akvarium med saltvannsfisk har en frontrute laget av akryl, som er 41,0 cm tykk for å tåle vanntrykket. Pga. lysets bryting er den tilsynelatende tykkelsen mindre. Fig. 4 viser en lysstråle som går fra punktet D i hjørnet mellom rutens indre overflate og veggen. Lysstrålen passerer den ytre overflaten i punktet A og når ditt øye i punkt E. Siktelinjen EC viser at den indre overflaten tilsynelatende er i punktet C. Med en vinkelhake måler du at avstanden AB er 29,3 cm når siktelinjen har vinkel  $\alpha_1 = 60,0^\circ$ .



Figur 4: Frontruten sett ovenfra

- Hvor stort er trykket i tanken på 8,0 meters dypde når lufttrykket er 1,0 atm?
- Hvor stor er den tilsynelatende tykkelsen, altså avstanden BC?
- Beregn brytningsindeksen for akryl.

## Oppgave 8

Synligt lys sendes ut fra hydrogenatomer, som går fra tilstand 4 til 2.

- Regn ut fotonenes bølgelengde i nanometer ( $10^{-9}$  m).
- Regn ut frekvensen til fotonene.

## Noen tabellverdier

**Vann:** Spesifikk varmekapasitet  $c = 4,18 \frac{\text{kJ}}{\text{kgK}}$ , Spesifikk smeltevarme  $l_s = 334 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ , Spesifikk fordampningsvarme  $l_f = 2,26 \cdot 10^3 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ , massetetthet  $\rho = 0,998 \cdot 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ .

**Saltvann (3,5%):** Massetetthet  $\rho = 1,025 \cdot 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ .

**Luft i normaltilstanden:**  $p_0 = 1,013 \cdot 10^5 \text{Pa}$ ,  $T = 0,00^\circ\text{C}$ ,  $\rho = 1,29 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ , brytningsindeks  $n = 1,000$ .

**Heliumatomet:**  $m_{\text{He}} = 6,6465 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$ .

**Eksakte verdier:**  $\sin 30^\circ = \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$ ,  $\sin 60^\circ = \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ,  $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$ .

# Formelark i fysikk

| Bevegelse                                      | formler  | Optikk                | formler   |
|--|--|-----------------------|---|
| Konstant fart                                  | $s = v \cdot t$  | Snells brytningslov   | $n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$                               |
| Bevegelseslikningene ved konstant akselerasjon | $v = v_0 + at$<br>$s = \frac{v_0 + v}{2}t$<br>$s = v_0 t + \frac{1}{2}at^2$<br>$v^2 - v_0^2 = 2as$<br>$a_s = \frac{v^2}{r} = \frac{4\pi^2 r}{T^2}$ | Grensevinkel          | $\sin \alpha_{\text{gr}} = \frac{n_2}{n_1}$                           |
| Mekanikk                                       | formler  | Trykk og varme        | formler   |
| Newton 1. lov                                  | $\sum F = 0 \Leftrightarrow v = \text{konst.}$   | Trykk                 | $p = \frac{F}{A}$   |
| Newton 2. lov                                  | $\sum F = ma$  | Hydrostatisk trykk    | $p = p_0 + \rho gh$   |
| Newton 3. lov                                  | $\vec{F}_{AB} = -\vec{F}_{BA}$   | Absolutt temperatur   | $\frac{T}{K} = 273 + \frac{T}{^{\circ}\text{C}}$                      |
| Arbeid   | $W = Fs \cos \theta$   | Tilstandslikningen    | $pV = NkT$  |
| Effekt   | $P = \frac{W}{t} = F \cdot v$  | Molekylmasse          | $m_m = \frac{m}{N}$   |
| Virkningsgrad                                  | $\eta = \frac{E_{\text{ut}}}{E_{\text{inn}}} = \frac{P_{\text{ut}}}{P_{\text{inn}}}$   | Molekylfart           | $\frac{1}{2}m_m v^2 = \frac{3}{2}kT$                                  |
| Bevegelsesmengde                               | $mv$   | Termofysikkens 1. lov | $\Delta U = Q + W$  |
| Impulsloven                                    | $Ft = mv - mv_0$   | En-atomig gass        | $\Delta U = \frac{3}{2}Nk\Delta T$                                    |
| Bev.mengdebevaring                             | $\sum(mv)_{\text{før}} = \sum(mv)_{\text{etter}}$  | Konstant trykk        | $W = -p\Delta V$  |
| Glidefriksjon                                  | $R = \mu N$  | Kalorimetri           | $Q_{\text{mottatt}} = Q_{\text{avgitt}}$                              |
| Tyngde   | $G = mg$   | Varmekapasitet        | $Q = C\Delta T = cm\Delta T$  |
| Fjærkraft                                      | $F = kx$   | Faseovergangsvarme    | $Q = lm$  |
| Potensiell fjærenergi                          | $E_p = \frac{1}{2}kx^2$  | Elektrisitet          | formler   |
| Potensiell tyngdeenergi                        | $E_p = mgh$  | Strøm                 | $I = \frac{q}{t}$   |
| Kinetisk energi                                | $E_k = \frac{1}{2}mv^2$  | Spanning              | $U = \frac{W}{q}$   |
| Energibeharving                                | $E_p + E_k = \text{konst.}$  | Effekt                | $P = \frac{W}{t} = UI$  |
| Sentripetalkraft                               | $F_s = ma_s$   | Ohms lov              | $U = RI$  |
| Moment   | $M = Fa = Fr \sin \theta$  | Polspanning           | $U_p = \varepsilon - R_i I = R_y I$                                   |
| Likevektsloven                                 | $\sum M = 0 \text{ og } \sum \vec{F} = 0$  | Serieresistans        | $R_s = R_1 + R_2 + \dots R_n$   |
| Tyngdepunkt                                    | $\sum m_j \vec{x}_j / \sum m_j$  | Parallelres.          | $\frac{1}{R_p} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots \frac{1}{R_n}$ |
| Massetetthet                                   | $\rho = \frac{m}{V}$   | Potensial i b         | $V_b = \frac{E_p}{q} = V_a - U_{a \rightarrow b}$                     |
| Oppdrift                                       | $O = \rho_v V g$   | Kirchhoffs 1. lov     | $\sum I_{\text{inn}} = \sum I_{\text{ut}}$                            |
| -  | -  | Kirchhoffs 2. lov     | $\sum \varepsilon = \sum RI$  |
| -  | -  | Coulombs lov          | $F = k_e \frac{q_1 q_2}{r^2}$   |
| -  | -  | Feltstyrke            | $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$   |
| -  | -  | Platekondensator      | $E = \frac{U}{d}$   |
| -  | -  | Homogent felt         | $E_p = q Eh$  |

**Bølger og atomer**      **formler**

|                      |   |
|----------------------|---|
| Frekvens og periode  | $f = \frac{1}{T}$   |
| Bølgefart            | $c = f\lambda = \frac{\lambda}{T}$  |
| Brytning             | $\frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{c_1}{c_2} = \frac{n_2}{n_1}$ |
| Interferens          | $d \sin \theta_n = n\lambda$  |
| Fotonenergi          | $E = hf$  |
| Fotoelektrisk effekt | $hf = W + E_k$  |
| H-atomets energinivå | $E_n = -\frac{B}{n^2}$  |
| Kvantesprang         | $\frac{1}{\lambda} = R(\frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2})$  |

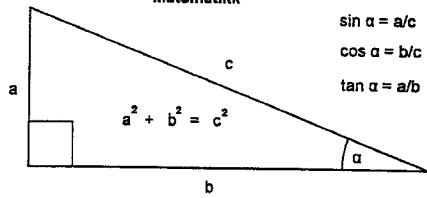
| Noen konstanter      | Verdi   |
|----------------------|---|
| Lysfarten i tomt rom | $c = 3,00 \cdot 10^8 \text{ m/s}$               |
| Planckkonstanten     | $h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{ Js}$            |
| Boltzmannkonstanten  | $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$           |
| Elementærladningen   | $e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$             |
| Coulombkonstanten    | $k_e = 8,99 \cdot 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$ |
| Avogadrokontanten    | $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$     |
| Atommasseenheten     | $u = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$            |
| Bohrkonstanten       | $B = 2,18 \cdot 10^{-18} \text{ J}$             |
| Rydbergs konstant    | $R = 1,096 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$           |
| Tyngdeakselerasjonen | $g = 9,81 \text{ m/s}^2$                        |
| Elektronmassen       | $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$          |
| Protonmassen         | $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$          |
| Nøytronmassen        | $m_n = 1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$          |

**Ikke-SI-enheter:** Volum: 1 L = 1 dm<sup>3</sup>, Trykk: 1 atm = 1,013256 · 10<sup>5</sup>Pa

**Symboler**

|  |                                     |  |                           |
|--|-------------------------------------|--|---------------------------|
|  | elektrisk element                   |  | spenningsmåler, voltmeter |
|  | batteri med ukjent antall elementer |  | lampe                     |
|  | jordforbindelse                     |  | motstand                  |
|  |                                     |  | regulerbar motstand       |

**Matematikk**



Omkrets av sirkel:  $O = 2\pi R$   
 Areal av sirkel:  $A = \pi R^2$   
 Overflate av kule:  $O = 4\pi R^2$   
 Volum av kule:  $V = \frac{4\pi R^3}{3}$

$\sin \alpha = a/c$   
 $\cos \alpha = b/c$   
 $\tan \alpha = a/b$

$\ln(ab) = \ln a + \ln b$   
 $\ln(a/b) = \ln a - \ln b$   
 $\ln a^p = p \cdot \ln a$

$ax^2 + bx + c = 0$       gir       $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$